

全国 2014 年 10 月高等教育自学考试
概率论与数理统计(二)试题
课程代码:02197

请考生按规定用笔将所有试题的答案涂、写在答题纸上。

选择题部分

注意事项:

1. 答题前,考生务必将自己的考试课程名称、姓名、准考证号用黑色字迹的签字笔或钢笔填写在答题纸规定的位置上。
2. 每小题选出答案后,用 2B 铅笔把答题纸上对应题目的答案标号涂黑。如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号。不能答在试题卷上。

一、单项选择题(本大题共 10 小题,每小题 2 分,共 20 分)

在每小题列出的四个备选项中只有一个是符合题目要求的,请将其选出并将“答题纸”的相应代码涂黑。错涂、多涂或未涂均无分。

1. 设 A, B 为随机事件,则事件“ A, B 恰有一个发生”的正确表示是

- | | |
|---------------|-----------------------------------|
| A. $A\bar{B}$ | B. $\bar{A}B$ |
| C. $A \cup B$ | D. $\bar{A}\bar{B} \cup A\bar{B}$ |

2. 设随机事件 A 与 B 相互独立, $P(A) > 0$, $P(B) > 0$, 则 $P(A \cup B) =$

- | | |
|------------------|-------------------------------|
| A. $P(A)P(B)$ | B. $1 - P(A)P(B)$ |
| C. $P(A) + P(B)$ | D. $1 - P(\bar{A})P(\bar{B})$ |

3. 下列各函数中是随机变量概率密度的为

- | | |
|---|--|
| A. $f_1(x) = \begin{cases} -1, & -1 < x < 0, \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ | B. $f_2(x) = \begin{cases} 1, & -1 < x < 0, \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ |
| C. $f_3(x) = \begin{cases} 2, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ | D. $f_4(x) = \begin{cases} 1, & -1 < x < 1, \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ |

4. 设随机变量 $X \sim N(-3, 2)$, 则下列随机变量服从标准正态分布的是

- | | |
|--------------------|---------------------------|
| A. $\frac{X+3}{2}$ | B. $\frac{X+3}{\sqrt{2}}$ |
| C. $\frac{X-3}{2}$ | D. $\frac{X-3}{\sqrt{2}}$ |

5. 设二维随机变量 (X, Y) 的分布函数为 $F(x, y)$, (X, Y) 关于 Y 的边缘分布函数为 $F_Y(y)$, 则 $F_Y(y) =$
- A. $F(-\infty, y)$ B. $F(+\infty, y)$
 C. $F(y, -\infty)$ D. $F(y, +\infty)$
6. 设二维随机变量 (X, Y) 的概率密度为 $f(x, y) = \begin{cases} 1, & 0 < x < 1, 0 < y < 1, \\ 0, & \text{其他,} \end{cases}$ 则 X 与 Y
- A. 独立且同分布 B. 独立但不同分布
 C. 不独立但同分布 D. 不独立也不同分布
7. 设 X 为随机变量, 且 $D(5X) = 50$, 则 $D(X) =$
- A. 2 B. 10
 C. 45 D. 50
8. 设随机变量 X 的方差存在, 则 $\text{Cov}(X, X) =$
- A. $E(X)$ B. $E(X^2)$
 C. $(E(X))^2$ D. $D(X)$
9. 已知二维随机变量 (X, Y) 的分布律为

Y	2	3
0	0.2	0
1	0.3	0.5

则 $E(XY) =$

- A. 0.8 B. 1.5
 C. 2.1 D. 2.5
10. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, μ, σ^2 都未知, x_1, x_2, \dots, x_n 为来自 X 的样本. 给定显著性水平 α , 检验假设 $H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2, H_1: \sigma^2 \neq \sigma_0^2$, 则拒绝域 $W =$
- A. $(0, \chi_{\frac{\alpha}{2}}^2(n-1)) \cup (\chi_{1-\frac{\alpha}{2}}^2(n-1), +\infty)$ B. $(0, \chi_{\frac{\alpha}{2}}^2(n)) \cup (\chi_{1-\frac{\alpha}{2}}^2(n), +\infty)$
 C. $(0, \chi_{1-\frac{\alpha}{2}}^2(n-1)) \cup (\chi_{\frac{\alpha}{2}}^2(n-1), +\infty)$ D. $(0, \chi_{1-\frac{\alpha}{2}}^2(n)) \cup (\chi_{\frac{\alpha}{2}}^2(n), +\infty)$

非选择题部分

注意事项:

用黑色字迹的签字笔或钢笔将答案写在答题纸上,不能答在试题卷上。

二、填空题(本大题共 15 小题,每小题 2 分,共 30 分)

11. 设 A, B 为随机事件, $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B|A) = \frac{1}{12}$, 则 $P(AB) =$ _____.
12. 某篮球运动员投篮命中率为 0.8, 则其两次投篮没有全中的概率等于 _____.
13. 从 0,1,2,3,4 五个数字中任取两个不同的数字, 则其中不含 0 的概率等于 _____.
14. 设随机事件 A 与 B 互为对立事件, 且 $P(A) > 0$, 则 $P(A|\bar{B}) =$ _____.

15. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} cx^2, & |x| < 1, \\ 0, & |x| \geq 1, \end{cases}$ 则常数 $c =$ _____.

16. 设随机变量 X 的分布律为 $\begin{array}{c|ccccc} X & -2 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ \hline P & 0.1 & 0.2 & 0.4 & 0.2 & 0.1 \end{array}$, 记 $Y = X(X-1)$,
则 $P\{Y = 0\} =$ _____.

17. 设二维随机变量 (X, Y) 的分布律为

	Y		0	1
X				
	1		0.1	0.2
	2		0.3	0.4

则 $P\{X + Y = 2\} =$ _____.

18. 设随机变量 $X \sim B(2, 0.5)$, Y 服从参数为 3 的泊松分布, 且 X 与 Y 相互独立,
则 $P\{X = 0, Y = 1\} =$ _____.
19. 设随机变量 X 服从区间 $[-1, 1]$ 上的均匀分布, 则 $E(2X + 1) =$ _____.
20. 设随机变量 X 服从参数为 0.5 的指数分布, 则 $P\{X > E(X)\} =$ _____.
21. 设 X 为随机变量, $E(X) = 0$, $D(X) = 1$, 则由切比雪夫不等式估计概率
 $P\{|X| \geq 2\} \leq$ _____.
22. 设 x_1, x_2, \dots, x_n 是来自总体 $X \sim N(0, \sigma^2)$ 的样本, \bar{x}, s^2 分别为样本均值和样本方差,
统计量 $\frac{\bar{x}}{s/\sqrt{n}} \sim t(k)$, 则自由度 $k =$ _____.

23. 设总体 X 的一个样本为 $-1, 0, 2, 1, -2$, 则样本方差 $s^2 =$ _____.
24. 在假设检验中, H_0 为原假设, 已知 $P\{\text{接受 } H_0 | H_0 \text{ 不成立}\} = 0.1$, 则犯第二类错误的概率等于 _____.
25. 设 x_1, x_2, \dots, x_n 为来自正态总体 $N(\mu, \sigma_0^2)$ 的样本, 其中 σ_0^2 已知, \bar{x} 为样本均值, 若检验假设 $H_0: \mu = \mu_0, H_1: \mu \neq \mu_0$, 其中 μ_0 为已知数, 则应采用的检验统计量的表达式为 _____.

三、计算题 (本大题共 2 小题, 每小题 8 分, 共 16 分)

26. 已知某专业男女生比例为 $2:1$, 在某次考试中, 男生的及格率为 81% , 女生的及格率为 90% . 求: (1) 此次考试的及格率; (2) 及格学生中的男女生比例.
27. 设二维随机变量 (X, Y) 的分布律为

Y	0	1
X	0	0.3
	1	b

且 $P\{Y=0\} = 0.4$. 求: (1) 常数 a, b ; (2) (X, Y) 关于 X, Y 的边缘分布律.

四、综合题 (本大题共 2 小题, 每小题 12 分, 共 24 分)

28. 设随机变量 X 的概率密度为

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1-x}{2}, & -1 < x < 1, \\ 0, & \text{其他.} \end{cases}$$

记 $Y = X^2 + 1$. 求: (1) $P\left\{Y < \frac{5}{4}\right\}$; (2) Y 的分布函数 $F_Y(y)$.

29. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, $X \sim N(0, 4), Y \sim N(1, 4)$, 记 $U = X - Y + 1, V = X + Y$. 求: (1) $E(U), E(V), D(U), D(V)$; (2) U, V 的概率密度 $f_U(u), f_V(v)$; (3) $E(UV)$.

五、应用题 (10 分)

30. 测量某物体的质量 9 次, 算得平均值 $\bar{x} = 15.4(\text{g})$, 已知测量数据 $X \sim N(\mu, 0.3^2)$ (单位: g). (1) 求该物体质量的置信度为 0.95 的置信区间; (2) 为了使置信度为 0.95 的置信区间的长度不超过 0.3 , 需调整测量次数, 问测量次数 n 应不小于多少? (附: $u_{0.025} = 1.96$)